**APUNTES MASTERING DATA STRUCTURES & ALGORITHMS**

**Tipos de funciones recursivas**

**Tail Recursion.-** Cuando la llamada a la propia función se hace al final del código de la función. Es decir no se ejecutan tareas en el “regreso”. Estas funciones son fáciles de convertir en bucles ya que la estructura es similar, y la ventaja de estos últimos es que, aunque a nivel de tiempo ambas son O(n), a nivel de espacio la función recursiva es O(n), mientras que el bucle es O(1) y por ende mas eficiente. (Muchos compiladores aprovechan este hecho para convertir Tail Recursions en loops).

**Head Recursion.-** La recursión se da al principio del código. Se ejecutan mas tareas en el retorno, mientras que no se ejecuta nada en el “ascenso”. Es mas difícil de convertir en bucle, ya que la condición base cambia. Complejidad de tiempo y espacio es similar a Tail Recursion.

**Tree Recursion.-** Se distingue de la recursión lineal, que solo se llama a si misma una vez, por llamarse multiples veces en una función. La complejidad de tiempo es geométrica O(x^n) donde x es el numero de veces que se llama dentro de la funcion. La complejidad de espacio es igual al “alto” del árbol = O(n).

**Indirect Recursion.-** Cuando una función llama a otra que a la vez llama a la primera.

**Suma de números naturales con recursión.-** Formula incluye recursión:

/ 0 n = 0 O(n) calls: n + 1

Sum(n)

\ Sum(n-1)+n n > 0

Las definiciones matemáticas con recursión son fácilmente convertibles a funciones recursivas.

Se puede lograr una formula para evitar la recursión. En este caso : n (n+1) / 2

Esto hará que la complejidad de tiempo sea O(1).

**Factorial con recursión.-**

/ 1 n = 0 O(n) calls: n + 1

Fact(n)

\ fact(n-1) \* n n > 0

**Exponential con recursion.-** m multiplied n times:

/ 1 n = 0 O(n) calls: n+1

Pow(m, n)

\ pow (m, n-1) \* m n > 0

El numero de llamadas puede ser reducido a la mitad si es par agrupando llamadas. Ej m=2 n =8:

2^8 = (2^2)^4. Si es impar es la mitad + 1

**Taylor series (e^x).-**  Se combina los tres anteriores: suma, factorial y exponencial. Debe usar multiples valores pero una sola suma, por lo que se utiliza variables estaticas.

e^x = 1 + x/1 + x^2/2! + x^3/3! + ….

Función e(x,n) = r + p / f

Variable r almacena suma. Variables estaticas p y f, inicializadas a 1. La p se encargara del exponencial, al multiplicarse por x en cada recursión, y f de factorial al multiplicarse por n en cada recursión.

/

E(x,n)

\